

## **es-first-at-since-iff<sup>0,22</sup>**

$\forall es:\text{ES}, i:\text{Id}, e:\text{E}, P, R:(\{e:\text{E} \mid \text{loc}(e) = i\} \rightarrow \text{Prop}).$   
 $(\forall e:\text{E}. \text{loc}(e) = i \Rightarrow \text{Dec}(R(e)))$   
 $\Rightarrow (\text{es-first-at-since}(es; i; e; e.R(e); e.P(e))$   
 $\Leftrightarrow$   
 $\text{loc}(e) = i$   
 $\& P(e) \& \neg R(e)$   
 $\& ((\exists e'':\text{E}. (e'' < \text{loc } e) \& P(e''))$   
 $\Rightarrow (\exists e':\text{E}.$   
 $(e' < \text{loc } e)$   
 $\& R(e') \& (\forall e'':\text{E}. (e' < \text{loc } e'') \Rightarrow (e'' < \text{loc } e) \Rightarrow \neg P(e'') \& \neg R(e''))))$